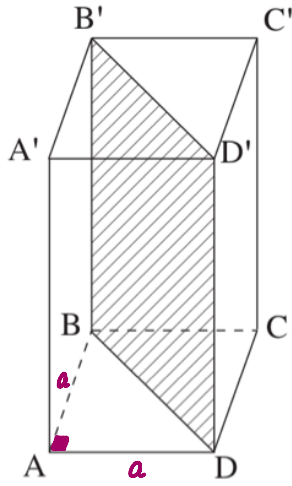


بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١٠ - سؤال ٢



٢. بينون وعاءً مفتوحاً من الأعلى . الوعاء هو بشكل

صندوق قاعدته ABCD هي مربع .

بنوا داخل الصندوق حاجزاً دقيقاً جداً BDD'B' مخطّطاً في الرسم .

طول ضلع القاعدة ABCD هو a .

* ارتفاع الصندوق هو ضعف طول قطر القاعدة .

أ. عبّر بدلالة a عن ارتفاع الصندوق .

ب. سعر المادة التي صنّعت منها قاعدة الصندوق

والحاجز هو 15 شيقل للمتر المربع .

سعر المادة التي صنّعت منها أوجه الصندوق هو $8\sqrt{2}$ شيقل للمتر المربع .

تكلفة المواد التي لزم لبناء الصندوق (بما في ذلك الحاجز) كانت ما مجموعه 812 شيقل .

جد قيمة a .

أ. ABCD مربع أي كل اضلاعه وزواياه متساوية . $\triangle BAD$ مثلث قائم، فتناغوس $a^2 + a^2 = BD^2$

$$2a^2 = BD^2 \sqrt{}$$

$$\sqrt{2} \cdot a = BD \quad \text{قطر القاعدة}$$

$$\text{من معلى * : ارتفاع الصندوق} = 2 \cdot \sqrt{2} \cdot a = 2.82a$$

ب. مساحة القاعدة ABCD = a^2

$$4a^2 = 2\sqrt{2}a \cdot \sqrt{2}a = BD \cdot DD' = BDD'B' \text{ مساحة الحاجز}$$

$$2\sqrt{2} \cdot a^2 = a \cdot 2\sqrt{2}a = AD \cdot DD' = AA'D'D \text{ مساحة وجه واحد}$$

$$8\sqrt{2} \cdot a^2 = 4 \cdot 2\sqrt{2} \cdot a^2 = \text{مساحة الاربعة اوجه} \left\{ \begin{array}{l} \text{سعر صنعه } 8\sqrt{2} \text{ شيقل للمتر}^2 \\ \text{سعر صنعه } 15 \text{ شيقل للمتر}^2 \end{array} \right. \Rightarrow 8\sqrt{2} \cdot (8\sqrt{2} \cdot a^2) = 128a^2$$

\Rightarrow

$$75a^2 + 128a^2 = 812$$

$$203a^2 = 812 \quad | : 203$$

$$a^2 = 4$$

$$a = 2$$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٠ - سؤال ١

١. يوجد في دكان نوعان من القماش: قماش من النوع "أ" وقماش من النوع "ب".

للبنء أ { * ثمن 4 أمتار قماش من النوع "أ" أكبر بـ 135 شيقل من ثمن 3 أمتار قماش من النوع "ب".
** اشترى أحد الزبائن 3 أمتار قماش من النوع "أ" و 4 أمتار قماش من النوع "ب"،
ودفع ما مجموعه 382.5 شيقل.

للبنء ب { قبل الشراء كان عدد أمتار القماش من النوع "أ" الموجودة في الدكان مساوياً لعدد أمتار القماش
من النوع "ب". ← نفرض ان الكمية t من كل نوع
*** ثمن كل القماش من النوع "أ" الموجود في الدكان، أكبر بـ 396 شيقل من ثمن كل القماش من
النوع "ب".

أ. جد سعر المتر الواحد من القماش من النوع "أ"، وسعر المتر الواحد من القماش من النوع "ب".

ب. جد عدد أمتار القماش من كل نوع الموجودة في الدكان (قبل الشراء).

نوع القماش	شغل المتر	كمية (امتار)	دفع الكلي (شغل)
قماش من نوع أ	x	3	3·x
قماش من نوع ب	y	4	4·y

من البءه * : $4x = 3y + 135$
من البءه ** : $3x + 4y = 382.5$

نحلون بـ II $4x = 3y + 135 \quad | :4$
 $x = 0.75y + 33.75$
 $3(0.75y + 33.75) + 4y = 382.5$
 $2.25y + 101.25 + 4y = 382.5$
 $6.25y = 281.25 \quad | :6.25$

نجد x $y = 45 \rightarrow x = 0.75 \cdot 45 + 33.75 = 67.5$

سعر المتر الواحد من القماش من نوع "أ" هو 67.5 شغل للمتر
سعر المتر الواحد من القماش من نوع "ب" هو 45 شغل للمتر

نوع القماش	شغل المتر	كمية (امتار)	دفع الكلي (شغل)
قماش من نوع أ	67.5	t	67.5·t
قماش من نوع ب	45	t	45·t

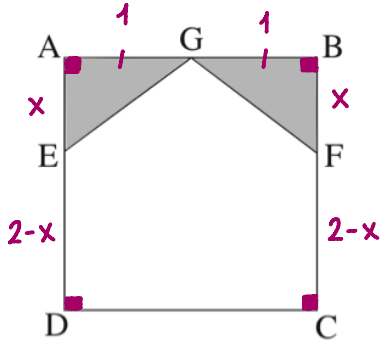
من البءه *** : $67.5t = 45t + 396$

$22.5t = 396 \quad | :22.5$
 $t = 17.6$

عدد امتار القماش من كل نوع هو 17.6 متر

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٠ موعديب - سؤال ١

١. بنوا نافذة زجاجية شكلها مربع ABCD



طول ضلعه 2 متر.

صُممت اثنتان من زوايا المربع على شكل

مثلثين متطابقين AGE و BGF و $AG = GB = \frac{AB}{2} = 1$ م

بحيث $AE = BF = x$ (انظر الرسم).

المثلثان مصنوعان من زجاج ملون،

وبقية النافذة مصنوعة من زجاج عادي.

ثمان المتر المربع من الزجاج الملون هو 20 شيقل، وثمان المتر المربع من الزجاج العادي

هو - 10 شيقل.

أعطى البائع تخفيضاً نسبته 22% على الزجاج الملون و 10% على الزجاج العادي.

مجموع التخفيض على نوعي الزجاج اللازمين لبناء النافذة كان 14%.

جد طول AE.

* مساحة الزجاج الملون : $S_{\text{ملون}} = S_{\Delta AEG} + S_{\Delta BGF} = \left(\frac{x \cdot 1}{2}\right) \cdot 2 = x^2$ متر²

تحت تسع الزجاج الملون للنافذة : $x \cdot 20$ شاقل

الآن بعد تخفيض 22% : $15.6x = 20 \cdot x \cdot \left(\frac{100-22}{100}\right)$ شاقل

** مساحة الزجاج العادي : $S_{\text{عادي}} = S_{ABCD} - S_{\text{ملون}} = 2^2 - x^2 = 4 - x^2$ متر²

تحت تسع الزجاج العادي للنافذة : $(4-x) \cdot 10$ شاقل

الآن بعد تخفيض 10% : $9 = (4-x) \cdot 10 \cdot \left(\frac{100-10}{100}\right)$ شاقل

الآن الكلي قبل التخفيض : $10x + 40 = 20x + 40 - 10x = 20x + (4-x) \cdot 10$

الآن الكلي بعد التخفيض : $6.6x + 36 = 15.6x + 36 - 9x = 15.6x + (4-x) \cdot 9$

$(10x + 40) \cdot \left(\frac{100-14}{100}\right) = 6.6x + 36$

$(10x + 40) \cdot 0.86 = 6.6x + 36$
 $8.6x + 34.4 = 6.6x + 36$
 $2x = 1.6 \quad | :2$
 $x = 0.8$

→ $AE = 0.8$ م

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١١ - سؤال ١

١. سافرت سياراً من المدينة A إلى المدينة B على شارع رئيسي بسرعة ثابتة. في طريق عودتها من المدينة B إلى المدينة A سافرت السيارة في طريق ترابية أقصر بـ 40% من الطريق في الشارع الرئيسي، واضطرت إلى خفض سرعتها بـ 10%. طول الطريق في الشارع الرئيسي من A إلى B هو 240 كم. ****** معطى أن السيارة قطعت في الشارع الرئيسي $\frac{2}{3}$ المسافة التي بين A و B في ساعتين. جد زمن سفر السيارة في طريق عودتها من B إلى A.

سفر على شارع رئيسي A ————— B
سفر في طريق ترابية B ————— A

زمن	مسافة	سرعة	
-	240	v	A → B
?	$\frac{(100-40)}{100} \cdot 240 = 144$	$\left(\frac{100-10}{100}\right) \cdot v = 0.9v$	B → A
2	$\frac{2}{3} \cdot 240 = 160$	v	**

(ساعة) (كم/ساعة) (كم)

$$2 \cdot v = 160$$

$$v = 80$$

كم/ساعة

سرعة الطريق الترابية

$$0.9v = 0.9 \cdot 80 = 72 \text{ كم/الساعة}$$

الزمن الطريق الترابية

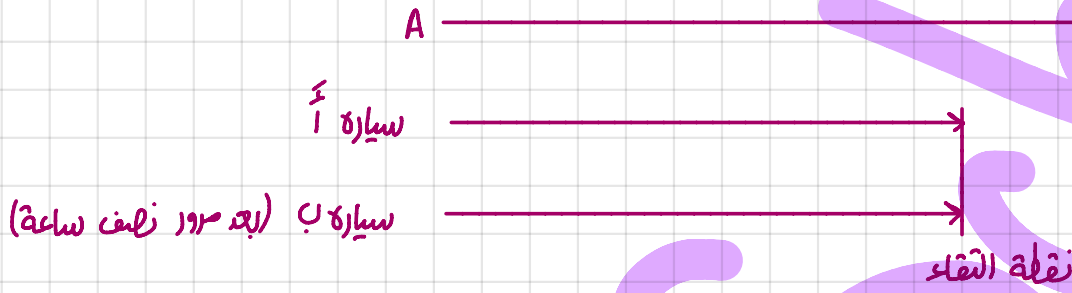
$$= \frac{\text{مسافة}}{\text{سرعة}} = \frac{144}{72} = 2$$

ساعتين

(عاني سطر بالجدول)

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١١ - سؤال ١

١. خرجت السيارة "أ" من المكان A ، وبعد مرور $\frac{1}{2}$ ساعة خرجت السيارة "ب" من نفس المكان وبنفس الاتجاه. سرعة السيارة "ب" أكبر بـ 25% من سرعة السيارة "أ". بعد مرور كم ساعة من لحظة خروج السيارة "أ" تلتقي السيارتان؟ (سرعتا السيارتين لا تتغيران.)



وقت نقطة الالتقاء	سرعة	زمن	مسافة
سيارة أ	v	t	$t \cdot v$
سيارة ب	$\frac{(100+25)}{100}v = 1.25v$	$t - 0.5$	$(t - 0.5) \cdot 1.25v$

المسافة لنقطة الالتقاء متساوية

↓

$$t \cdot v = (t - 0.5) \cdot 1.25v \quad | :v$$

$$t = (t - 0.5) \cdot 1.25$$

$$t = 1.25t - 0.625$$

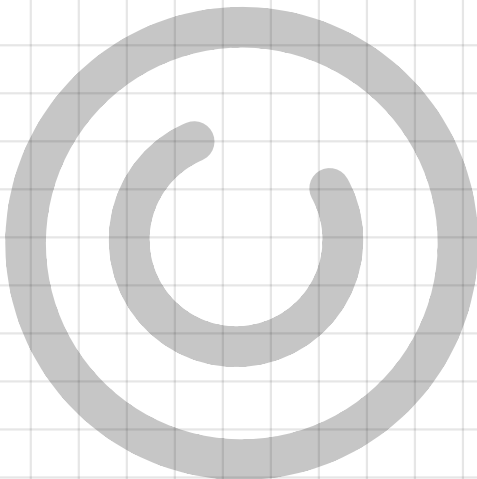
$$0.625 = 0.25t \quad | :0.25$$

$$t = 2.5$$

↓

2.5 ساعات

سيارة ب خرجت بعد مرور نصف ساعة من خروج السيارة أ أي زمن سفر السيارة ب لنقطة الالتقاء اصغر بنصف ساعة من السيارة أ.



بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١١ موعديب - سؤال ١

١. اشترى أحد التجار فانيلات. كان سعر كل واحدة من الفانيلات متساوياً. كانت هناك 5 فانيلات تالفة. باع التاجر هذه الفانيلات الخمس بمبلغ كلي مقداره 80 شيقل * ويخسارة 20% (بالنسبة لسعر الشراء).
- ** باع التاجر بقية الفانيلات بربح نسبته 30%. كان الربح الكلي الذي جناه التاجر من بيع جميع الفانيلات (التالفة وغير التالفة) 190 شيقل.
- أ. كم دفع التاجر مقابل الفانيلا الواحدة؟
ب. كم فانيلا اشترى التاجر؟

الكمية	السعر للواحد	السعر الكلي	
ب. y	أ. $x = 20$	$20 \cdot y$	اشترى
5	$\frac{80}{5} = 16$	80	فانيلات تالفة
$y - 5$	26	$(y - 5) \cdot 26$	فانيلات غير تالفة

أ. السعر للفانيلا التالفة
الواحدة: $\frac{80}{5} = 16$

x السعر الذي به اشترى كل فانيلا

من * : $x \cdot \left(\frac{100-20}{100}\right) = 16$

$0.8x = 16$
 $x = 20$

من ** : $20 \cdot \left(\frac{100+30}{100}\right) = 26$

ب. الربح الكلي من بيع الفانيلات : 190 شاقل

لـ (أي زيادة على الـ $20y$ شاقل الذي به اشترى به الفانيلات)

$$80 + (y-5) \cdot 26 = 20y + 190$$

$$80 + 26y - 130 = 20y + 190$$

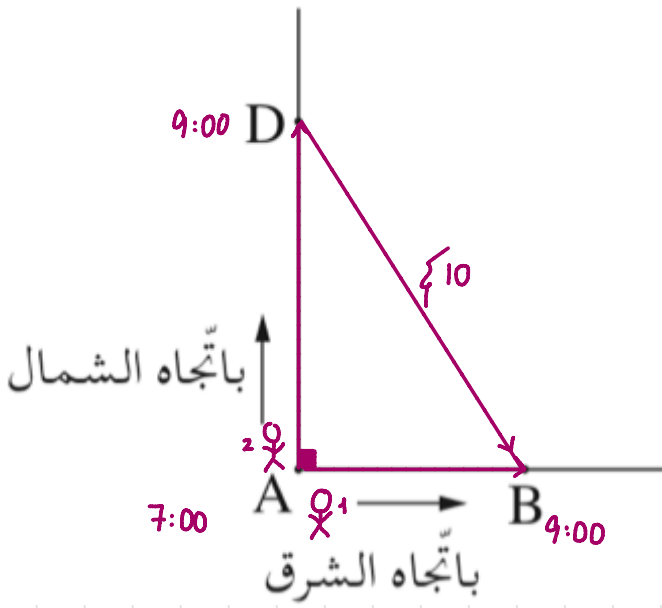
$$6y = 240 \quad | :6$$

$$y = 40$$

اشترى 40 فانيلا

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١٢ - سؤال ١

١. يخرج شخصان مشياً على الأقدام في الساعة 07⁰⁰ من النقطة A :
يسير أحدهما باتجاه الشمال والآخر باتجاه الشرق (انظر الرسم).
في الساعة 09⁰⁰ وصل الشخص الذي سار باتجاه الشرق
إلى النقطة B ، ووصل الشخص الذي سار باتجاه الشمال
إلى النقطة D بحيث كان البعد بينهما 10 كم.
الشخص الذي سار باتجاه الشمال سار فوراً من النقطة D
إلى النقطة B بأقصر طريق ممكن، ووصل إلى النقطة B
في الساعة 11³⁰. سرعتا الشخصين لا تتغيران.
جد سرعة كل واحد من الشخصين.



شخص	مسافة (كم)	زمن (ساعة)	سرعة (كم/ساعة)
شخص 1 A → B	2x	2	x
شخص 2 A → D	2y	2	y
شخص 2 D → B	2.5y = 10	2.5	y

$y = 4$
 $8 \leftarrow 2y$
 $2.5 \leftarrow$

$$\begin{aligned}
 DA^2 + AB^2 &= DB^2 \\
 8^2 + (2x)^2 &= 10^2 \\
 64 + 4x^2 &= 100 \\
 4x^2 &= 36 \quad | :4 \\
 x^2 &= 9 \\
 x &= 3
 \end{aligned}$$

* مثلث قائم ← فثاغورس

← سرعة كل واحد من الشخصين x و y

3 و 4 كم/ساعة

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٢ - سؤال ١

1. كان ثمن الهاتف الخليوي في المحل "أ" 600 شيقل . ارتفع هذا الثمن بنسبة مئوية معينة .
كان ثمن نفس الهاتف الخليوي في المحل "ب" 900 شيقل . انخفض هذا الثمن بنفس النسبة
المئوية التي ارتفع بها ثمن الهاتف الخليوي في المحل "أ" ، وعندها أصبح ثمن الهاتف الخليوي
في المحلين متساويًا .
جد الثمن النهائي للهاتف الخليوي .

محل أ

محل ب

ثمن الهاتف البدائي : 600 شامل

ثمن الهاتف النهائي : 900 شامل

$$900 \cdot \left(\frac{100-x}{100} \right) = 600 \cdot \left(\frac{100+x}{100} \right)$$

$$\frac{900 \cdot (100-x)}{100} = \frac{600(100+x)}{100}$$

$$9(100-x) = 6(100+x)$$

$$900 - 9x = 600 + 6x$$

$$300 = 15x \quad | :15$$

$$x = 20$$

محل أ

محل ب

$$900 \left(\frac{100-20}{100} \right) = 720 \text{ شامل} = 600 \cdot \left(\frac{100+20}{100} \right)$$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٢ موعديب - سؤال ١

1. في شركة هواتف معيّنة، سعر دقيقة المكالمة في ساعات المساء أقل بـ 40% من سعر دقيقة المكالمة في ساعات النهار.

لتشجيع إجراء مكالمات في ساعات المساء، قامت الشركة بتخفيض سعر دقيقة المكالمة في ساعات المساء بـ 18% (سعر دقيقة المكالمة في ساعات النهار لم يتغير).
بعد التخفيض، تكلم أمير 150 دقيقة في ساعات النهار و 300 دقيقة في ساعات المساء،
ودفع 44.64 شيقل.

جد بالأغورات سعر دقيقة المكالمة في النهار، وسعر دقيقة المكالمة في المساء قبل التخفيض.

$$\begin{array}{l} \text{سعر الدقيقة في ساعات النهار} \\ \text{سعر الدقيقة في ساعات المساء} \\ \text{سعر الدقيقة في ساعات المساء} \end{array} \begin{array}{l} x \\ 0.6x \\ 0.6x \end{array} \begin{array}{l} \text{شاقل للدقيقة} \\ \text{شاقل للدقيقة} \\ \text{شاقل للدقيقة} \end{array}$$

18% ↓

$$0.6x \left(\frac{100-18}{100} \right) = 0.492x$$

$$* \text{ تكلم أمير } 150 \text{ دقيقة في ساعات النهار} + 300 \text{ دقيقة في ساعات المساء}$$
$$\text{دفع} = 150 \cdot x + 300 \cdot 0.492x = 44.64$$

$$44.64 = 147.6x + 150x$$
$$44.64 = 297.6x \quad | : 297.6$$
$$x = 0.15$$

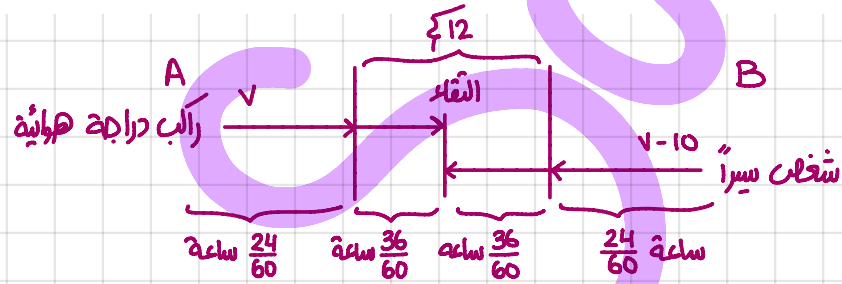
سعر بالأغورات: دقيقة المكالمات في النهار = 0.15 · 100 = 15 أغورة

دقيقة المكالمات في المساء = 0.6 · 0.15 · 100 = 9 أغورة

(1 شاقل = 100 أغورة)

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١٣ - سؤال ١

1. خرج راكب دراجة هوائية من البلدة A إلى البلدة B ، وخرج في نفس الساعة بالضبط شخص سيراً على الأقدام من البلدة B إلى البلدة A .
 سار الشخص بسرعة ثابتة وأقل بـ 10 كم/الساعة من سرعة راكب الدراجة الهوائية .
 بعد مرور 24 دقيقة كان البُعد بين راكب الدراجة الهوائية والشخص 12 كم .
 بعد مرور 36 دقيقة أخرى التقى راكب الدراجة الهوائية والشخص .
 أ . جد سرعة راكب الدراجة الهوائية .
 ب . جد في أي بُعد عن البلدة A التقى راكب الدراجة الهوائية والشخص .



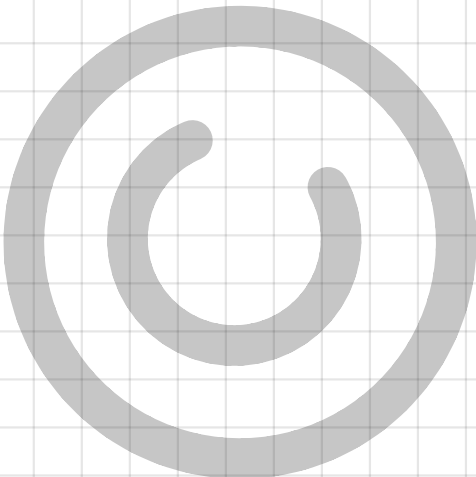
مسافة	زمن	سرعة	
$0.6v$	$\frac{36}{60} = 0.6$	v	راكب دراجة هوائية
$0.6(v-10) = 0.6v-6$	$\frac{36}{60} = 0.6$	$v-10$	شخص سيراً

$0.6v + 0.6v - 6 = 12 \leftarrow 12 =$
 $1.2v = 18 \quad | : 1.2$
 $v = 15$

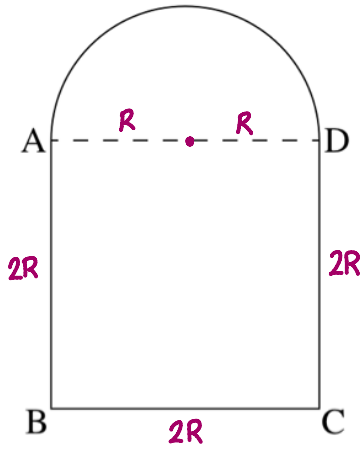
سرعة راكب الدراجة الهوائية 15 كم/ساعة

المسافة = $15 \cdot 1 = 15$ كم

- ب . من بداية الخروج للالتقاء مرّ $\frac{24}{60} + \frac{36}{60} = 1$ ساعة
 سرعة راكب الدراجة 15 كم/ساعة



بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ - سؤال ١



1. شبّاك مكوّن من نصف دائرة ومن المربّع ABCD .

ضلع المربّع AD هو قطر لنصف الدائرة،
 $2R$

كما هو موصوف في الرسم .

مساحة المربّع أكبر بـ 0.2187 م²

من مساحة نصف الدائرة .

جد محيط الإطار الخارجي للشبّاك .

استعمل في حساباتك $\pi = 3.14$.

(مساحة دائرة كامله $\pi \cdot R^2$)

مساحة نصف دائرة + مساحة المربّع
 $2R \cdot 2R = \pi R^2 \cdot \frac{1}{2} + 0.2187$

$$4R^2 = 1.57R^2 + 0.2187$$

$$2.43R^2 = 0.2187 \quad | : 2.43$$

$$R^2 = 0.09 \quad \sqrt{\quad}$$

$$R = 0.3$$

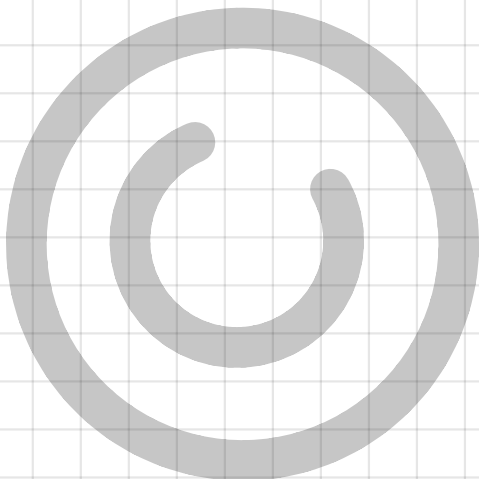
(محيط دائرة كامله $2\pi R$)

محيط الإطار الخارجي = 3 اضلاع للمربّع + نصف محيط دائرة

$$\frac{1}{2} \cdot 2\pi R + 3 \cdot 2R =$$

$$\pi R + 6R =$$

$$2.742 =$$



بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعد ب - سؤال ١

١. يرغب رائد في اقتناء اشتراك لمعهد لياقة بدنية. السعر الكامل للاشتراك هو 200 شيقل. إذا أحضر رائد صديقين لاقتناء اشتراك بسعر كامل، فإنه يحصل على تخفيض من الاشتراك الخاص به بنسبة $x\%$ عن الصديق الأول، ويحصل على تخفيض من الاشتراك الخاص به بنسبة $x\%$ من السعر بعد التخفيض الأول عن الصديق الثاني. أحضر رائد صديقين، ودفع مقابل الاشتراك الخاص به 144.5 شيقل فقط.
- أ. جد النسبة المئوية للتخفيض الذي حصل عليه رائد من الاشتراك الخاص به عن الصديق الأول.
- ب. جد النسبة المئوية للتخفيض الكلي الذي حصل عليه رائد من الاشتراك الخاص به بعد أن أحضر الصديقين.

$$\frac{200 \cdot \left(\frac{100-x}{100}\right) \cdot \left(\frac{100-x}{100}\right)}{\text{شامل}} = 144.5 \quad \leftarrow \downarrow x\% \quad \leftarrow \downarrow x\% \quad \leftarrow \downarrow x\%$$

(السعر بعد احضار صديق) (السعر بعد احضار صديق) (السعر الكامل للاشتراك)

$$144.5 = 200 \cdot \frac{(100-x)(100-x)}{10,000} \quad | : 200$$

$$0.7225 = \frac{(100-x)^2}{10,000} \quad | \cdot 10,000$$

$$7225 = 10000 - 200x + x^2$$

$$0 = x^2 - 200x + 2775$$

$$x = \frac{200 \pm \sqrt{(-200)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 2775}}{2} = \frac{200 \pm 170}{2}$$

$x_1 = 15 \rightarrow 15\%$
 $x_2 = 185$

ب. السعر البدائي 200 شامل
السعر النهائي 144.5 شامل

$$200 \cdot \left(\frac{100-y}{100}\right) = 144.5 \quad | : 200 \quad -y\%$$

$$\frac{100-y}{100} = 0.7225 \quad | \cdot 100$$

$$100-y = 72.25$$

$$y = 27.75\%$$

السؤال 1

- معطاة الدائرة I التي نصف قطرها r ، ومعطاة الدائرة II التي نصف قطرها R .
نصف القطر R أكبر من نصف القطر r بـ 30%.
أ. جد بالنسبة المئوية كم تزيد مساحة الدائرة II عن مساحة الدائرة I.
ب. معلوم أنّ مساحة الدائرة II أكبر بـ 54.165 سم² من مساحة الدائرة I.
احسب نصف القطر r .
استعمل في حساباتك $\pi = 3.14$.

إجابة السؤال 1

أ. حسب المعطى: $R = 1.3r$

مساحة الدائرة I: $S_I = \pi r^2$

مساحة الدائرة II: $S_{II} = \pi R^2$

من هنا: $S_{II} = \pi(1.3r)^2 = 1.69\pi r^2$

$S_{II} - S_I = 0.69 \cdot \pi r^2 = 0.69 \cdot S_I$

$\frac{0.69S_I}{S_I} \cdot 100\% = 69\%$

⇓

S_{II} أكبر بـ 69% من S_I

ب. حسب المعطى: $S_{II} - S_I = 54.165$

وجدنا في البند "أ" أنّ: $S_{II} - S_I = 0.69\pi r^2$

من هنا: $0.69\pi r^2 = 54.165$, $r > 0$

⇓

$r = 5$ سم

السؤال 1

נشرت כל מן שרکتין סיאחיתין، השרכה "א" והשרכה "ב"، פי الإنترنت عرضاً لرحلة إلى خارج البلاد. لكل عرض نفس السعر.

سعر كل واحد من العرضين يشمل سعر تذكرة الطيران وسعر الاستضافة في الفندق.

سعر تذكرة الطيران في الشركة "أ" أقل بـ 10% من سعر تذكرة الطيران في الشركة "ب".
 سعر الاستضافة في الفندق في الشركة "أ" أعلى بـ 20% من سعر الاستضافة في الفندق في الشركة "ب".

ارمز بـ x إلى سعر تذكرة الطيران في الشركة "ب"، وبـ y إلى سعر الاستضافة في الفندق في الشركة "ب".

أ. بين أن $x = 2y$.

ب. اشترى يوسف تذكرة طيران من الشركة "أ" واستضافة في الفندق من الشركة "ب"،
 ودفع ما مجموعه 5040 شيقل.

جد سعر تذكرة الطيران في الشركة "ب"، وسعر الاستضافة في الفندق في الشركة "ب".

إجابة السؤال 1

أ. سعر تذكرة الطيران في الشركة "أ" هو: $0.9x$

سعر الاستضافة في الفندق في الشركة "أ" هو: $1.2y$

لكل عرض نفس السعر، لذلك يتحقق: $x + y = 0.9x + 1.2y$

↓

$$0.1x = 0.2y$$

↓

$$x = 2y$$

ب. دفع يوسف 5040 شيقل مقابل تذكرة الطيران في الشركة "أ"

والاستضافة في الفندق في الشركة "ب"،
 لذلك يتحقق:
 حسب البند "أ"
$$\begin{cases} 0.9x + y = 5040 \\ x = 2y \end{cases}$$

↓

حلّ هيئة المعادلات هو: $x = 3600$, $y = 1800$

سعر تذكرة الطيران في الشركة "ب" هو: 3600 شيقل

سعر الاستضافة في الفندق في الشركة "ب" هو: 1800 شيقل

السؤال 1

- خرج راكب دراجة هوائية من البلدة A وسافر بسرعة ثابتة إلى البلدة B .
 وصل الراكب إلى البلدة B وعاد فوراً إلى البلدة A .
 البعد بين البلدة A والبلدة B هو 30 كم .
 سرعة الراكب في طريقه عائداً إلى البلدة A كانت أصغر بـ 3 كم/الساعة من سرعته في طريقه إلى البلدة B .
 زمن سفره عائداً إلى البلدة A كان أطول بـ 50 دقيقة من زمن سفره إلى البلدة B .
 أ. جد سرعة راكب الدراجة الهوائية في طريقه إلى البلدة B .
 ب. جد في أي بُعد عن البلدة B كان الراكب بعد مرور $3\frac{1}{2}$ ساعات منذ لحظة خروجه من البلدة A .

إجابة السؤال 1

نرمز: v - سرعة الراكب بالكيلومترات/الساعة في طريقه من A إلى B

الزمن (ساعات)	المسافة (كم)	السرعة (كم/الساعة)	
$\frac{30}{v}$	30	v	في الطريق من A إلى B
$\frac{30}{v} + \frac{50}{60}$	30	$v - 3$	في الطريق من B إلى A

أ. المسافة من B إلى A تحقق: $30 = (v - 3) \cdot \left(\frac{30}{v} + \frac{5}{6}\right)$

⇓

$$v^2 - 3v - 108 = 0$$

⇓

$v > 0$ ، لذلك: $v = 12$ كم/الساعة

ب. زمن السفر من A إلى B هو: $\frac{30}{v} = \frac{30}{12} = 2.5$ ساعة

⇓

زمن السفر من B باتجاه A: $3.5 - 2.5 = 1$ ساعة

لذلك المسافة التي قطعها الراكب

بعد خروجه من B: $1 \times (v - 3) = 1 \times (12 - 3) = 9$ كم

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١٥ - سؤال ١

1. كان سعر الكنبه في بداية السنة أكبر بـ 1500 شيكل من سعر الكرسي. x $x+1500$

في نهاية السنة ارتفع سعر الكنبه بـ 8% ، وانخفض سعر الكرسي بـ 10% .

** ارتفع سعر الكنبه بنفس المبلغ الذي انخفض به سعر كرسيين .

أ. جد سعر الكنبه وسعر الكرسي قبل تغيير الأسعار .

ب. اشترى موسى في نهاية السنة 3 كراسٍ وكنبه واحده .

ما هي النسبة المئوية التي انخفض بها المبلغ الذي دفعه موسى مقابل مشترياته بالمقارنة

مع المبلغ الذي كان سيدفعه قبل تغيير الأسعار؟

السعر البدائي + الارتفاع او - الانخفاض =

سعر بدائي	الارتفاع/الانخفاض	سعر نهائي	
$x+1500$	$\frac{8}{100} \cdot (x+1500)$ $= 0.08x+120$	$1.08x+1620$	الكنبه
x	$\frac{10}{100} \cdot x = 0.1x$	$0.9x$	الكرسي

$$0.08x+120 = 2 \cdot 0.1x \quad \text{من } ** :$$

$$120 = 0.12x \quad \backslash : 0.12$$

$$x = 1000$$

السعر البدائي للكنبه 2500 شائل
والكرسي 1000 شائل

سعر بدائي	سعر نهائي	
2500	2700	الكنبه
1000	900	الكرسي
$2500+3 \cdot 1000$	$2700+3 \cdot 900$	موسى اشترى 3 كرسي وكنبه
5500	5400	

-7%

$$5500 \cdot \left(\frac{100-y}{100} \right) = 5400 \quad \backslash : 5500 \quad \Leftarrow$$

$$\frac{100-y}{100} = 0.981 \quad \backslash \cdot 100$$

$$100-y = 98.1$$

$$y = 1.9\%$$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٥ - سؤال ١

1. معطى مستطيل عرضه x سم، وطوله 1.2 ضعف عرضه $1.2x$.

كَبُرُوا طول المستطيل بـ 10% ، وصَغُرُوا عرض المستطيل بـ 10% . تَكُونُ مستطيل جديد.

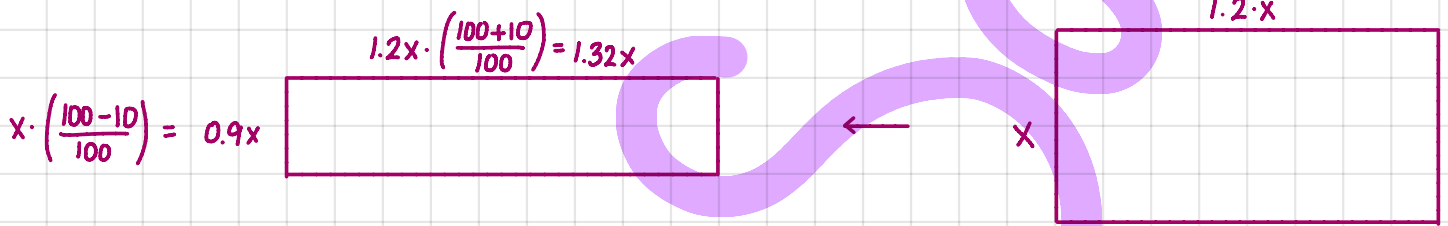
أ. (1) عبّر بدلالة x عن مساحة المستطيل الجديد.

(2) ما هي النسبة المئوية التي تغيّرت بها مساحة المستطيل المعطى؟

ب. R هو نصف قطر الدائرة التي تحصر المستطيل المعطى.

معطى أنّ $\sqrt{61}$ سم $= R$.

جد مساحة المستطيل الجديد.



أ. (1) $0.9x \cdot 1.32x = 1.188x^2$

(2) مساحة المستطيل بالبداية: $1.2x^2$
مساحة المستطيل بالنهاية: $1.188x^2$

$$1.2x^2 \cdot \left(\frac{100-y}{100}\right) = 1.188x^2 \quad \left| :x^2 \right. \left. \leftarrow \begin{array}{l} y\% \downarrow \\ x \neq 0 \end{array} \right.$$

$$1.2 \cdot \left(\frac{100-y}{100}\right) = 1.188 \quad \left| :1.2 \right.$$

$$\frac{100-y}{100} = 0.99 \quad \left| \cdot 100 \right.$$

$$100-y = 99$$

$$y = 1\%$$

نجد إحدى اضلاع المستطيل. كل زاوية المستطيل 90°
بالدائرة الزاوية المحيطية القائمة تقابل قطر الدائرة $2\sqrt{61} = 2R$

نجد x عن طريق فيثاغورس:

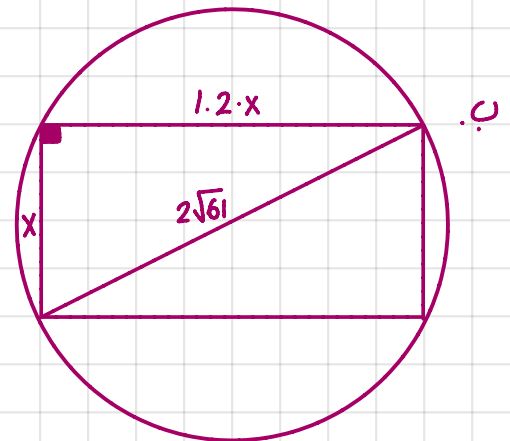
$$x^2 + (1.2x)^2 = (2\sqrt{61})^2$$

$$2.44x^2 = 244 \quad \left| :2.44 \right.$$

$$x^2 = 100$$

$$x = 10$$

مساحة المستطيل الجديد $1.188 \cdot 10^2 = 1.188x^2 = 118.8$ سم²



بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٥ موعد ب - سؤال ١

١. اشترت دانا في نهاية الموسم ثلاث قطع ملابس: قميصًا وتنورة وبنطالونًا.

قبل نهاية الموسم كان سعر القميص x شواكل،

وكان سعر التنورة أعلى بـ 40 شيكلاً من سعر القميص، $\leftarrow x+40$

وكان سعر البنطالون ضعف سعر القميص. $\leftarrow 2x$

معطى أن سعر البنطالون كان الأعلى من بين ثلاثة الأسعار. \leftarrow البنطالون < تنورة < قميص

أ. في نهاية الموسم حصلت دانا على تخفيض بنسبة 30% مقابل أرخص قطعة ملابس، القميص $\left(\frac{100-30}{100} \right)$.

وعلى تخفيض بنسبة 20% مقابل أعلى قطعة ملابس، البنطالون $\left(\frac{100-20}{100} \right)$.

وعلى تخفيض بنسبة 25% مقابل قطعة الملابس الثالثة. التنورة $\left(\frac{100-25}{100} \right)$.

دفعت دانا مقابل القطع الثلاث 274 شيكلاً؟

كم كان سعر البنطالون قبل نهاية الموسم؟

ب. ما هي النسبة المئوية التي كان بها السعر الكلي للقطع الثلاث في نهاية الموسم أقل من

سعرها الكلي قبل نهاية الموسم؟ 23.9%.

ف. أ.	قميص	تنورة	بنطالون
سعر قبل التخفيض	x	$x+40$	$2x$
سعر بعد التخفيض	$\frac{70}{100} \cdot x = 0.7x$	$\frac{75}{100} \cdot (x+40) = 0.75x+30$	$\frac{80}{100} \cdot 2x = 1.6x$

$$1.6x + 0.75x + 30 + 0.7x = 274 \leftarrow$$

$$3.05x = 244 \quad | : 3.05$$

$$x = 80$$

\rightarrow سعر البنطالون قبل التخفيض $2x = 160$ شاكل

ب. السعر الكلي لكل القطع قبل التخفيض = $4x+40 = 2x+x+40+x = 360$ شاكل $\downarrow y\%$

بعد التخفيض = 274 شاكل

$$\Rightarrow 360 \cdot \left(\frac{100-y}{100} \right) = 274 \quad | : 360$$

$$\frac{100-y}{100} = 0.761 \quad | \cdot 100$$

$$100-y = 76.11$$

$$y = 23.88\%$$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١٦ - سؤال ١

١. قام يوسف بتخطيط رحلة لعدد معين من الأيام كانت مصاريفها الكلية 1400 شيكل .

x أيام
خطت يوسف صرف نفس المبلغ المالي كل يوم. y نشاط اليوم

في 5 الأيام الأولى كان المصروف لليوم كما خطت، لكن بعد ذلك ازداد المصروف لليوم بـ 100 شيكل، وامتدت الرحلة ليوم واحد آخر. $y+100$

في نهاية الأمر صرف يوسف مقابل الرحلة مبلغًا كليًا بلغ 1900 شيكل.

أ. جد عدد أيام الرحلة التي تم التخطيط لها، وكم كان المصروف المخطط لليوم.

ب. ما هي النسبة المئوية التي ازداد بها المصروف لليوم (بعد 5 الأيام الأولى) بالمقارنة مع المصروف المخطط لليوم؟

الخط	عدد أيام	مصروف لليوم	المبلغ الكلي
الخط الذي فعله	x	y	1400
الذي حدث	5	y	1900
	$(x-5)+1 = x-4$	$y+100$	

I $x \cdot y = 1400$

II $5 \cdot y + (x-4)(y+100) = 1900$

$$I \quad y = \frac{1400}{x} \quad \xrightarrow{II} \quad 5 \cdot \frac{1400}{x} + (x-4) \left(\frac{1400}{x} + 100 \right) = 1900$$

$$\frac{7000}{x} + 1400 - \frac{5600}{x} + 100x - 400 = 1900$$

$$\frac{1400}{x} + 100x = 900 \quad | \cdot x$$

$$1400 + 100x^2 = 900x \quad | : 100$$

$$x^2 - 9x + 14 = 0$$

$$(x-7)(x-2) = 0$$

$$x_1 = 7$$

$$x_2 = 2$$

غير منطقي

$$y = \frac{1400}{x} = \frac{1400}{7} = 200$$

كان التخطيط لـ 7 أيام
المصروف المخطط كان 200 نشاط اليوم

الخط : 200 نشاط اليوم
بعد 5 أيام : 300 نشاط اليوم

$$200 \cdot \left(\frac{100+t}{100} \right) = 300$$

$$200 + 2t = 300$$

$$2t = 100$$

$$t = 50\%$$

ب. نفرهن ان النسبة المئوية التي ازدادت هي %t :

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٦ - سؤال ١

نفرض انها %x ↑

١. اشترى أحد المستوردين حواسيب متشابهة، بسعر 1200 شيكل للحاسوب.

باع المستورد الحواسيب لمحَلِّ تجاريّ بسعر متساوٍ لكل حاسوب، وربح نسبة مئوية معينة مقابل كل حاسوب.

x% ↑

في المحلّ التجاريّ باعوا كل حاسوب بسعر 1728 شيكلاً، وربحوا نفس النسبة المئوية التي ربحها المستورد مقابل كل حاسوب.

أ. جد النسبة المئوية لربح المستورد.

ب. اشترى يوسف حاسوباً مباشرةً من المستورد، بسعر أعلى بـ 42% من سعر شراء المستورد. هل دفع يوسف مقابل الحاسوب أقل ممّن اشترى حاسوباً مشابهاً في المحلّ التجاريّ؟ علّل.

أ	سعر للحاسوب (شافل)	
	باع	اشترى
المستورد	$1200 \cdot \left(\frac{100+x}{100}\right)$	1200
المركز التجاري	$1728 = 1200 \cdot \left(\frac{100+x}{100}\right) \cdot \left(\frac{100+x}{100}\right)$	$1200 \cdot \left(\frac{100+x}{100}\right)$

$$1728 = \frac{1200 \cdot (100+x)^2}{10000} \quad \cdot 10,000$$

$$17280000 = 1200 \cdot (100+x)^2 \quad \div 1200$$

$$14,400 = (100+x)^2$$

$$14,400 = 10000 + 200x + x^2$$

$$0 = x^2 + 200x - 4400$$

$$x = \frac{-200 \pm \sqrt{200^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-4400)}}{2} = \frac{-200 \pm 240}{2}$$

$$x_1 = 20$$

سالب تموز

↩ النسبة المئوية لربح المستورد 20%

$$1704 = 1200 \cdot \left(\frac{100+42}{100}\right)$$

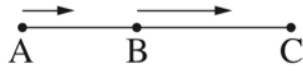
دفع اقل

ب. اشترى يوسف حاسوب من المستورد، بسعر أعلى بـ 42%، اي دفع:

لو اشترى من المركز التجاري، كان دفع: 1728 شافل.

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٦ موعديب - سؤال ١

1. سافر أكرم على دراجة هوائية. خرج أكرم من المدينة A ،
ومرّ عن طريق المدينة B ، ووصل إلى المدينة C .



المسافة من B إلى C أكبر بـ 40 كم من المسافة من A إلى B .

سافر أكرم من C إلى B بسرعة ثابتة أكبر بـ 20% من السرعة

الثابتة التي سافر بها من A إلى B . $\frac{120}{100} \cdot 1.25$

زمن سفر أكرم من B إلى C هو 1.25 ضعف زمن سفره من A إلى B .

* لو سافر أكرم من B إلى C بالسرعة التي سافر بها من A إلى B ،

لكان قد قطع المسافة من B إلى C في 6 ساعات .

أ. جد سرعة سفر أكرم في الطريق من A إلى B .

ب. جد المسافة AB .

نفرين : x : المسافة من A -> B

v : سرعة أكرم من A -> B

t : زمن سفر أكرم من A -> B

	مسافة (كم)	زمن (ساعات)	سرعة (كم/ساعة)	السفر
I	x	t	v	A → B
II	x+40	t · 1.25	$v \cdot \frac{120}{100} = 1.2v$	B → C
III	x+40	6	v	B → C *

$$I \quad t = \frac{x}{v} \quad \leftarrow \quad x = v \cdot t \quad \leftarrow$$

$$II \quad x + 40 = (t \cdot 1.25) \cdot 1.2v \quad \leftarrow$$

$$x + 40 = 1.5tv$$

$$III \quad x + 40 = 6v \quad \leftarrow$$

$$\text{نفرين I بـ II : } x + 40 = 1.5 \cdot \frac{x}{v} \cdot v$$

$$x + 40 = 1.5x$$

$$40 = 0.5x \quad | \cdot 2$$

$$\text{ج. } x = 80 \text{ كم}$$

$$\text{نفرين III بالعلاقة : } 80 + 40 = 6v$$

$$120 = 6v \quad | : 6$$

$$P. \quad v = 20 \text{ كم/ساعة}$$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - شتاء ٢٠١٧ - سؤال ١

١. المسافة بين تل أبيب وأشكلون هي 70 كم.

نفرض اننا v كم/ساعة

خرج سامي من تل أبيب باتجاه أشكلون في الساعة 7:00 .

سار سامي ساعتين بسرعة ثابتة، وتوقف للاستراحة نصف ساعة،

واستمر بعد ذلك بسرعة ثابتة أكبر بـ 20% من سرعته السابقة.

$$1.2v = v \cdot \frac{100+20}{100} \text{ كم/ساعة}$$

خرجت أميرة من أشكلون باتجاه تل أبيب في الساعة 9:30 .

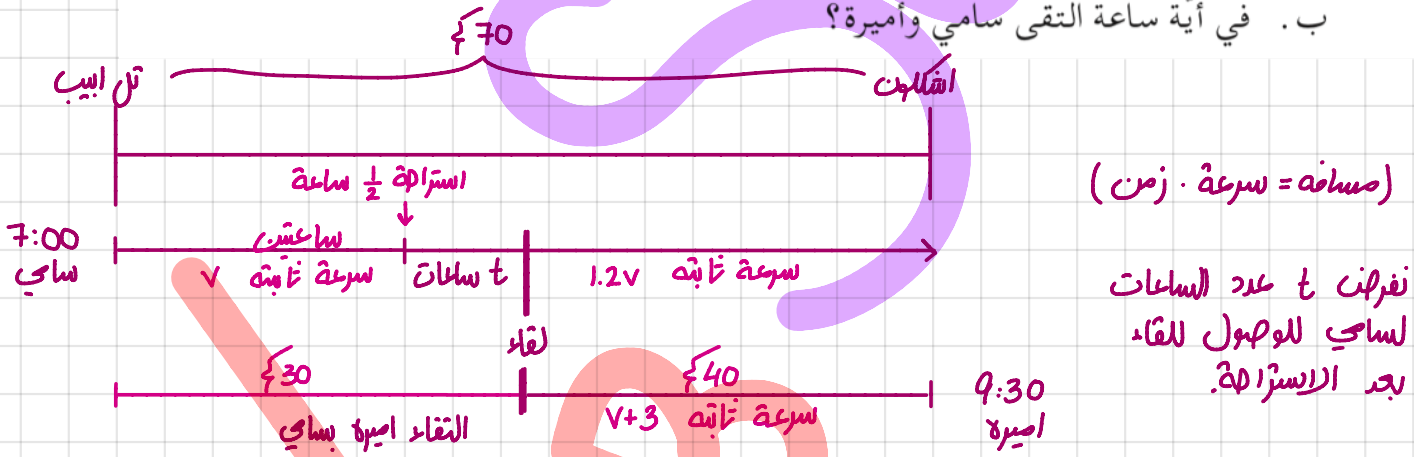
سارت أميرة بسرعة ثابتة أكبر بـ 3 كم/الساعة من السرعة التي سار بها سامي قبل الاستراحة.

$v+3$ كم/ساعة

**التقى سامي وأميرة في نقطة تبعد 30 كم عن تل أبيب. تبدد $70-30 = 40$ كم عن أشكلون

أ. كم كانت سرعة سامي عندما خرج من تل أبيب (قبل الاستراحة)؟

ب. في أية ساعة التقى سامي وأميرة؟



٢	سرعة	زمن	مسافة
سامي	قبل الاستراحة	2	$2 \cdot v$
	الاستراحة	$\frac{1}{2}$	0
	بعد الاستراحة لنقطة الالتقاء	t	$1.2v \cdot t$
أميرة	لنقطة الالتقاء	t	$(v+3) \cdot t = 40$

١. $2v + 1.2v \cdot t = 30$

٢. $(v+3) \cdot t = 40$

١. $t = \frac{40}{v+3}$ نفرض بعبارة ٢

$$2v + 1.2v \cdot \left(\frac{40}{v+3}\right) = 30 \quad | \cdot (v+3)$$

$$2v(v+3) + 1.2v \cdot 40 = 30(v+3)$$

$$2v^2 + 6v + 48v = 30v + 90$$

$$2v^2 + 24v - 90 = 0 \quad | :2$$

$$v^2 + 12v - 45 = 0$$

$$(v+15)(v-3) = 0 \rightarrow v = 3 \text{ كم/ساعة}$$

$$\rightarrow v = -15 \text{ (صالح)}$$

ب. سامي خرج الساعة 7:00

سار ساعتين 9:00

ثم استراحه نصف ساعة 9:30

ثم سار $t = \frac{40}{v+3} = \frac{40}{6}$ ساعة

$$= 6\frac{2}{3}$$

(6 ساعات و 40 دقيقة) $\Leftarrow 16:10$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٧ - سؤال ١

١. خرجت كريمة وأمجد، كل واحد منهما في سيارته، من المدينة A في نفس الساعة.

سافرت كريمة من المدينة A إلى المدينة B ،

بينما سافر أمجد من المدينة A إلى المدينة C .

المسافة بين المدينة A والمدينة B هي 60 كم .

كانت سرعة سفر كريمة 1.5 ضعف سرعة سفر أمجد .

كلاهما سافرا كل المسافة بسرعة ثابتة .

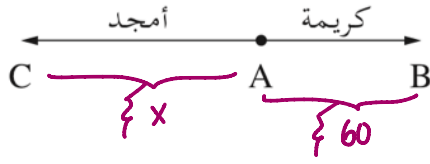
* عندما وصلت كريمة إلى المدينة B ، قطع أمجد 40% من المسافة التي بين المدينة A

والمدينة C .

أ. ما هي المسافة بين المدينة A والمدينة C ؟

ب. وصل أمجد إلى المدينة C بعد ساعة من وصول كريمة إلى المدينة B .

ماذا كانت سرعة سفر أمجد؟



← نفرز أن سرعة أمجد ٧ كم/ساعة، و" سرعة كريمة ١.5٧ كم/ساعة.

من * نستنتج أن المسافة من A إلى B هي 40% من المسافة من A إلى C (الذي فرضنا أنه x).

$$\frac{40}{100} \cdot x = 40$$

$$0.4x = 40 \quad | : 0.4$$

$$x = 100$$

سرعة	زمن	مسافة	
1.5٧	$\frac{60}{1.5٧}$	60	كريمة A → B
٧	$\frac{60}{1.5٧}$	$\frac{60}{1.5٧} \cdot ٧ = 40$	أمجد A → C 40% من الأرباع

المسافة هي السرعة · الزمن

$$\frac{60}{1.5٧} \text{ ساعات}$$

ب. كريمة وصلت إلى المدينة B بعد مرور

$$\frac{60}{1.5٧} + 1 \text{ ساعات}$$

← أمجد وصل إلى المدينة بعد مرور

$$\text{مسافة} = \text{السرعة} \cdot \text{الزمن}$$

$$\left(\frac{60}{1.5٧} + 1\right) \cdot ٧ = 100$$

سافر أمجد من A ← C 100 كم

$$\frac{60}{1.5} + ٧ = 100$$

$$40 + ٧ = 100$$

$$٧ = 60 \text{ كم/ساعة}$$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٧ موعديب - سؤال ١

1. قرّرت عائلة درويش تبليط حديقتها، التي شكلها مستطيل.

طولا ضلعي الحديقة هما x و y أمتار.

قسّموا الحديقة إلى 6 مستطيلات متطابقة.

داخل كلّ واحد من المستطيلات التي في زوايا

الحديقة حصروا مثلثاً قائم الزاوية،

ضلعاه القائمان هما ضلعا المستطيل.

تمّ تبليط مساحة كلّ مثلث بحجر رماديّ، كما هو موصوف في الرسم.

تمّ تبليط مساحة الحديقة المتبقية بحجر أبيض.

أ. (1) عبّر بدلالة x و y عن مساحة الحديقة التي تمّ تبليطها بحجر رماديّ.

(2) عبّر بدلالة x و y عن مساحة الحديقة التي تمّ تبليطها بحجر أبيض.

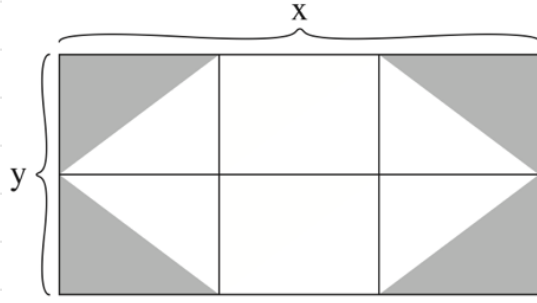
سعر تبليط متر مربع بالحجر الرماديّ هو 75 شيكلاً.

سعر تبليط متر مربع بالحجر الأبيض هو 60 شيكلاً.

معطى أنّ أحد ضلعي الحديقة أطول بـ 3 أمتار من ضلعها الآخر.

تكلفة تبليط كلّ الحديقة هو 1,170 شيكلاً.

ب. جد طولَي ضلعي الحديقة.



← كل مستطيل طوله $\frac{x}{3}$
وعرضه $\frac{y}{2}$.

* مساحة كل مستطيل هي:

$$S = \frac{y}{2} \cdot \frac{x}{3} = \frac{xy}{6}$$

معطى أنّ المستطيلات متطابقة

لذلك أيضاً كلّ المثلثات متطابقة

ومساحتها نصف مساحة المستطيل.

كلّ مثلثين يكوّنان مستطيلاً!

$$x = y + 3$$

$$S_{\text{رمادي}} = 2 \cdot \frac{xy}{6} = \frac{x \cdot y}{3}$$

$$S_{\text{أبيض}} = 4 \cdot \frac{xy}{6} = \frac{2xy}{3}$$

1. ٤ م. رمادي ← 4 مثلثات ← 2 مستطيلات

2. ٤ م. أبيض ← 4 مثلثات + 2 مستطيلات ← 4 مستطيلات

ب. حسب المعطى $x = y + 3$, نعوض بالمساحات بالبند أ:

$$S_{\text{رمادي}} = \frac{x \cdot y}{3} = \frac{(y+3) \cdot y}{3} = \frac{y^2 + 3y}{3} = \frac{y^2}{3} + y$$

$$S_{\text{أبيض}} = \frac{2 \cdot x \cdot y}{3} = \frac{2y(y+3)}{3} = \frac{2y^2 + 6y}{3} = \frac{2y^2}{3} + 2y$$

$$S_{\text{رمادي}} \cdot 75 + S_{\text{أبيض}} \cdot 60 = 1170$$

$$\left(\frac{y^2}{3} + y\right) \cdot 75 + \left(\frac{2y^2}{3} + 2y\right) \cdot 60 = 1170$$

$$25y^2 + 75y + 40y^2 + 120y = 1170$$

$$65y^2 + 195y - 1170 = 0 \quad | :65$$

$$y^2 + 3y - 18 = 0$$

(ملغي لان $y > 0$)

$$(y+6)(y-3) = 0 \rightarrow y = -6, 3 \rightarrow x = y + 3 = 6$$