

# بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعد ب - سؤال ١

١. يرغب رائد في اقتناء اشتراك لمعهد لياقة بدنية. السعر الكامل للاشتراك هو 200 شيقل. إذا أحضر رائد صديقين لاقتناء اشتراك بسعر كامل، فإنه يحصل على تخفيض من الاشتراك الخاص به بنسبة  $x\%$  عن الصديق الأول، ويحصل على تخفيض من الاشتراك الخاص به بنسبة  $x\%$  من السعر بعد التخفيض الأول عن الصديق الثاني. أحضر رائد صديقين، ودفع مقابل الاشتراك الخاص به 144.5 شيقل فقط.
- أ. جد النسبة المئوية للتخفيض الذي حصل عليه رائد من الاشتراك الخاص به عن الصديق الأول.
- ب. جد النسبة المئوية للتخفيض الكلي الذي حصل عليه رائد من الاشتراك الخاص به بعد أن أحضر الصديقين.

$$\begin{aligned} & \text{200 شامل (السعر الكامل للاشتراك)} \\ & \xrightarrow{\downarrow x\%} 200 \cdot \left(\frac{100-x}{100}\right) \text{ شامل (السعر بعد احضار صديق)} \\ & \xrightarrow{\downarrow x\%} 200 \cdot \left(\frac{100-x}{100}\right) \cdot \left(\frac{100-x}{100}\right) = 144.5 \text{ شامل (السعر بعد احضار اثنى صديق)} \end{aligned}$$

$$144.5 = 200 \cdot \frac{(100-x)(100-x)}{10,000} \quad | : 200$$

$$0.7225 = \frac{(100-x)^2}{10,000} \quad | \cdot 10,000$$

$$7225 = 10000 - 200x + x^2$$

$$0 = x^2 - 200x + 2775$$

$$x = \frac{200 \pm \sqrt{(-200)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 2775}}{2} = \frac{200 \pm 170}{2} \begin{cases} x_1 = 15 \\ x_2 = 185 \end{cases} \rightarrow 15\%$$

ب. السعر البدائي 200 شامل  
السعر النهائي 144.5 شامل  $-y\%$

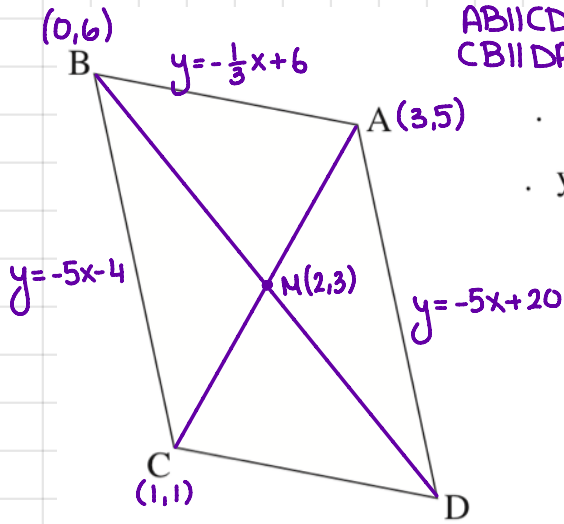
$$200 \cdot \left(\frac{100-y}{100}\right) = 144.5 \quad | : 200$$

$$\frac{100-y}{100} = 0.7225 \quad | \cdot 100$$

$$100-y = 72.25$$

$$y = 27.75\%$$

## بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعد ب - سؤال ٢



2. معطى متوازي الأضلاع ABCD (انظر الرسم).

الضلع AB موضوع على المستقيم  $y = -\frac{1}{3}x + 6$ .

الضلع AD موضوع على المستقيم  $y = -5x + 20$ .

قطرا متوازي الأضلاع يلتقيان في النقطة (2, 3).

أ. جد إحداثيات الرأس C.

ب. جد إحداثيات الرأس B، وإحداثيات الرأس D.

ج. هل الضلع BC يمس في النقطة C الدائرة

التي مركزها A ونصف قطرها AC؟ علّل.

أ. نجد النقطة A عن طريق تقاطع  $y_{AD}$  و  $y_{BA}$  :

$$-\frac{1}{3}x + 6 = -5x + 20 \quad \left| \cdot \frac{3}{14} \right.$$

$$y = -5 \cdot 3 + 20 \quad \leftarrow x = 3$$

$$y = 5 \quad \leftarrow A(3, 5)$$

انظار المتوازي الاضلاع تتلّف بعضها البعض  $\Leftrightarrow$  نقطة وسط AC

$$\text{نفرض } C(x, y) : \quad 2 \cdot \frac{y+5}{2} = 3 \quad 2 \cdot \frac{x+3}{2} = 2$$

$$y + 5 = 6 \quad x + 3 = 4$$

$$y = 1 \quad x = 1 \quad \leftarrow C(1, 1)$$

ب. نجد معادلة BC :  $AD \parallel BC \leftarrow m_{AD} = m_{BC} = -5$

$$y_{BC} = mx + n : \quad -5 = m_{AD} = m_{BC}$$

$$1 = -5 \cdot 1 + n$$

$$C(1, 1)$$

$$y_{BC} = -5x + 6 \quad \leftarrow n = 6$$

نجد النقطة B عن طريق تقاطع  $y_{AB}$  و  $y_{BC}$  :

$$-5x + 6 = -\frac{1}{3}x + 6$$

$$-\frac{3}{14} \cdot -\frac{14}{3}x = 0$$

$$y = 6 \quad \leftarrow x = 0 \quad \leftarrow B(0, 6)$$

M نقطة وسط BD. نفرض  $D(x, y)$  :

$$2 \cdot \frac{x+0}{2} = 2 \quad 2 \cdot \frac{y+6}{2} = 3$$

$$x = 4$$

$$y + 6 = 6$$

$$y = 0$$

$$\leftarrow D(4, 0)$$

ج. كي نتحقق ذلك يجب ان يتحقق ان  $BC \perp AC$  لان الخط النازل من مركز الدائرة للحاس يعامدها في نقطة الحاس.

$$m_{BC} \cdot m_{AC} = -1$$

$$-5 \cdot 2 \neq -1$$

لا

$$m_{BC} = -5 \quad (\text{بذن})$$

$$m_{AC} = \frac{5-1}{3-1} = \frac{4}{2} = 2$$

# بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعد ب - سؤال ٣

3. معلوم أن احتمال النجاح في امتحان السياقة العملي (التست) أكبر بـ 0.2 من احتمال عدم النجاح فيه.

أ. ما هو احتمال النجاح في امتحان السياقة العملي؟

ب. رائد وشادي ولؤي ويوسف هم 4 أشخاص اختيروا عشوائياً من بين الممتحنين في امتحان السياقة العملي.

(1) ما هو الاحتمال بأن ينجح اثنان منهم بالضبط في امتحان السياقة العملي؟

(2) معلوم أن اثنين منهم فقط نجحوا في امتحان السياقة العملي.

ما هو الاحتمال بأن يكون هؤلاء الاثنان هما رائد وشادي؟

(3) هل الاحتمال بأن ينجح على الأقل واحد من الأربعة في امتحان السياقة العملي أكبر

من الاحتمال بأن لا ينجح على الأقل واحد من الأربعة في امتحان السياقة العملي؟

علّل.

١. 
$$\begin{aligned} \text{احتمال النجاح} &= p \\ \text{احتمال الفشل} &= q = x \\ p + q &= 1 \\ x + 0.2 + x &= 1 \\ 2x &= 0.8 \\ x &= 0.4 \end{aligned} \Rightarrow p = 0.6$$

ب. (١)  $n=4$  استغالي  
 $p=0.6$  احتمال النجاح  
 $q=0.4$  احتمال الفشل  
 عدد التجارب المطلوبة:  $k=2$

تجربة برنولي  $P(\text{احتمال النجاح}) = \binom{4}{2} \cdot 0.6^2 \cdot 0.4^2 = 0.346$

(2)  $P(\text{رائد وشادي نجحوا فقط} | \text{رائد وشادي نجحوا من الاربعة}) = \frac{P(\text{رائد وشادي نجحوا ولؤي ويوسف لم ينجحوا})}{P(\text{اثنين نجحوا من الاربعة})}$

نبر ب 1

$$= \frac{0.6 \cdot 0.6 \cdot 0.4 \cdot 0.4}{0.346} = \frac{1}{6} = 0.1667$$

نحسب كل احتمال :

(لا ينجح على الأقل واحد) \*\*

(ينجح على الأقل واحد) \*

تجربة برنولي  $\begin{cases} n=4 \\ p=0.6 \text{ (احتمال النجاح)} \\ q=0.4 \\ k=1,2,3,4 \end{cases}$

تجربة برنولي  $\begin{cases} n=4 \\ p=0.4 \text{ (احتمال النجاح)} \\ q=0.6 \\ k=1,2,3,4 \end{cases}$

أو كل الاحتمالات ما عدا  $k=0$

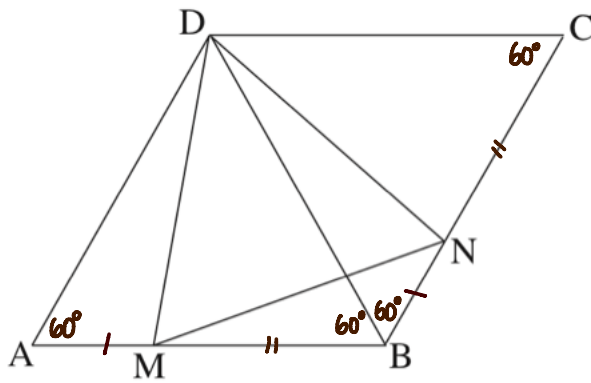
أو كل الاحتمالات ما عدا  $k=0$

$1 - \binom{4}{0} \cdot 0.6^0 \cdot 0.4^4 = 0.9744$

$1 - \binom{4}{0} \cdot 0.4^0 \cdot 0.6^4 = 0.8704$

# بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعد ب - سؤال ٤

4. في المعين ABCD، مقدار الزاوية الحادة هو  $60^\circ$ .



النقطة M تقع على الضلع AB،

والنقطة N تقع على الضلع BC

بحيث  $AM = BN$  (انظر الرسم).

أ. برهن أن  $\triangle MDB \cong \triangle NDC$ .

ب. برهن أن  $\triangle ADM \cong \triangle BDN$ .

ج. مساحة الشكل الرباعي DMBN هي S.

عبر بدلالة S عن مساحة المعين ABCD.

شرح

إدعاء

ABCD معين لذلك كل زوج زوايا متقابلة متساوية وكل زوج زوايا متجاورة مجموعهما  $180^\circ$

١. (1)  $\angle A = \angle C = 60^\circ$

$\angle B = \angle D = 120^\circ$

اظهار المعين تتألف زوايا الشكل + ادعاء ١

(2)  $\angle DBC = \angle DBA = \angle BDC = \angle ADB = 60^\circ$

كل مثلث به زاويتين مقدارهم  $60^\circ$ . لان مجموع زوايا المثلث  $180^\circ$ ، نتبع انّ بالمثلثين كل زواياهم متساوية اذا هم متساوي الاضلاع

(3)  $\triangle DBA$  و  $\triangle DBC$

مثلثات متساوي الاضلاع

$AD = DB = AB = DC = CB$

لن.  $MB = NC$  (ادعاء 3 + معطى)

ز.  $\angle C = \angle DBM = 60^\circ$  (ادعاء 1 + 2)

لن.  $DB = DC$  (ادعاء 3)

(4)  $\triangle MDB \cong \triangle NDC$  حسب لن.ز.لن

وهو المطلوب

لن.  $AD = DB$  (ادعاء 3)

ز.  $\angle A = \angle DBN = 60^\circ$  (ادعاء 1 + 2)

لن.  $AM = BN$  (معطى)

(5)  $\triangle ADM \cong \triangle BDN$  حسب لن.ز.لن

وهو المطلوب

مثلثات متطابقة مساحتها متساوية

(6) ج.  $S_{\triangle ADM} = S_{\triangle BDN}$

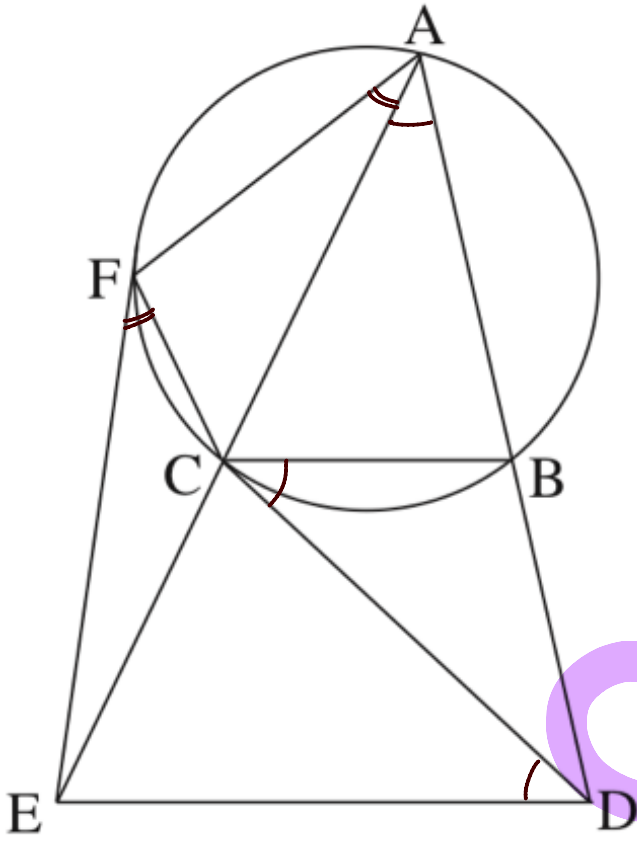
$S_{\triangle MDB} = S_{\triangle NDC}$

$S_{ABCD} = 2 \cdot S_{\triangle MDB} + 2 \cdot S_{\triangle BDN} = 2 \cdot S_{\triangle DMBN} = 2S$

(7)  $S_{ABCD} = 2S$

وهو المطلوب

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعد ب - سؤال ٥



5. معطى المثلث ADE .

مرروا عبر الرأس A دائرة تقطع الضلعين AD و AE في النقطتين B و C بالتلاؤم ( انظر الرسم ) .

معطى أن:  $BC \parallel DE$  ، DC يمسّ الدائرة .

أ. (1) برهن أن  $\angle EAD = \angle CDE$  .

(2) برهن أن  $AE \cdot CE = DE^2$  .

ب. مرروا عبر الرأس E مستقيماً يمسّ

الدائرة في النقطة F ( انظر الرسم ) .

برهن أن  $\triangle ECF \sim \triangle EFA$  .

ج. استعن بالبندين السابقين وبرهن أن  $EF = DE$  .

شرح

إدعاء

زوايا متبادلة متساوية من التوازي  $BC \parallel DE$

الزوايا المحصورة بين محاس ووتر تساوي الزوايا المحيطية المقابلة للوتر

من ادعاء 1 + 2

وهو المطلوب

ز.  $\angle AED = \angle CED$  زاوية مشتركة  
 ج.  $\angle CDE = \angle CAB$  ادعاء 3

نسب التشابه :  $\frac{AE}{DE} = \frac{ED}{EC} = \frac{AD}{DC}$

وهو المطلوب

الزوايا المحصورة بين محاس ووتر تساوي الزوايا المحيطية المقابلة للوتر

ز.  $\angle FEA = \angle FEC$  زاوية مشتركة  
 ج.  $\angle EFC = \angle FAC$  ادعاء 6

وهو المطلوب

نسب التشابه بادعاء 7 :  $\frac{EC}{EF} = \frac{CF}{FA} = \frac{EF}{EA}$

من ادعاء 5 :  $AE \cdot CE = DE^2$   
 من ادعاء 8 :  $AE \cdot CE = EF^2$

وهو المطلوب

1أ. (1)  $\angle BCD = \angle CDE$

(2)  $\angle BCD = \angle CAB$

(3)  $\angle EAD = \angle CDE$

2أ. (4)  $\triangle AED \sim \triangle DEC$  حسب ز.ز.

(5)  $AE \cdot CE = DE^2$

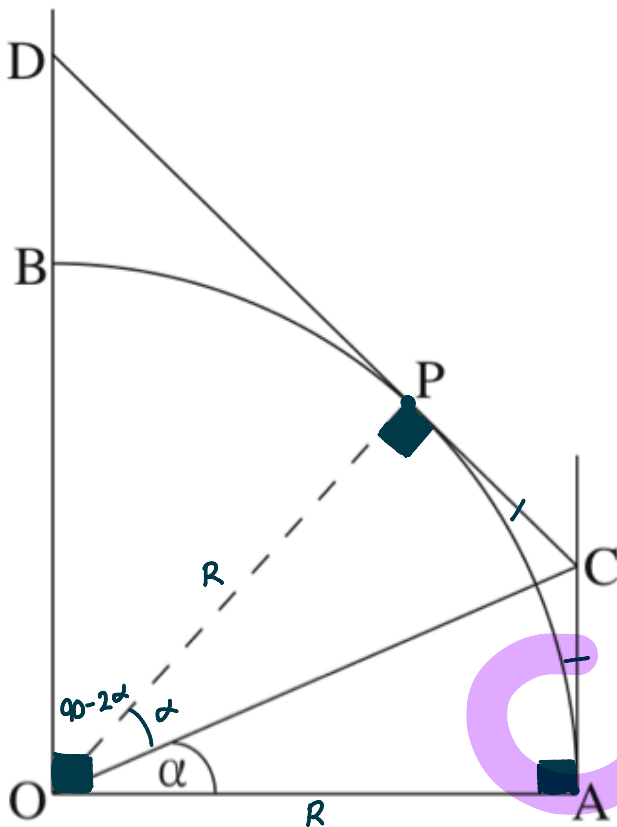
ب. (6)  $\angle EFC = \angle FAC$

(7)  $\triangle ECF \sim \triangle EFA$  حسب ز.ز.

ج. (8)  $EF^2 = EA \cdot EC$

(9)  $EF = DE$

بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعدا ب - سؤال ٦



6. معطى ربع دائرة OAB نصف قطره R .  $\angle BOA = 90^\circ$

مرروا مستقيماً يمس ربع الدائرة في النقطة P ،

ومرروا مستقيماً يمس ربع الدائرة في النقطة A .

يلتقي المماسان في النقطة C .

المماس في النقطة P يقطع امتداد OB في النقطة D

(انظر الرسم) .

معطى أن:  $\angle COA = \alpha$

أ. برهن أن  $AC \parallel OD$  .

ب. عبّر بدلالة R و  $\alpha$  عن مساحة الشكل

الرباعي ACDO .

ج. معطى أن مساحة المثلث OPD هي  $\frac{R^2}{2}$  .

احسب  $\alpha$  .

أ. الخط النازل من مركز الدائرة للمماس يعادها في

نقطة المماس  $\Rightarrow OALAC$  ,  $OP\perp DC$

وهو المطلوب

$$\angle BOA + \angle CAO = 180^\circ \leftarrow \text{زوايا متجاورة متباعدة} \Rightarrow AC \parallel OD$$

ب. \* ACDO تشبه منحرف لأنه شكل رباعي به زوج واحد فقط من الاضلاع المتقابلة المتوازية (AC || OD) .

\*  $\triangle OPC \cong \triangle OAC$  حسب لن. لن. ز . الضلع الاكبر بالمثلث . CO مشترك

الزاوية الكبرى بالمثلث .  $\angle OPC = \angle OAC = 90^\circ$

لن .  $PC = CA$  (ماسان خارجيان من نفس النقطة) للدائرة ، متساويان

$$\angle POC = \angle COA = \alpha \leftarrow$$

$$\angle POD = 90^\circ - 2\alpha \leftarrow$$

$$CA = R \cdot \tan \alpha \leftarrow \tan \alpha = \frac{CA}{R} \leftarrow \tan(\angle COA) = \frac{CA}{OA} \quad * \text{ NOCA مثلث قائم}$$

$$DP = R \cdot \tan(90^\circ - 2\alpha) \leftarrow \tan(90^\circ - 2\alpha) = \frac{DP}{R} \leftarrow \tan(\angle DOP) = \frac{DP}{OP} \quad * \text{ DPDO مثلث قائم}$$

$$\Rightarrow S_{ACDO} = \frac{(CA + DO) \cdot AO}{2} = \frac{(R \tan \alpha + R \tan(90^\circ - 2\alpha)) \cdot R}{2} = \frac{R^2}{2} (\tan \alpha + \tan(90^\circ - 2\alpha))$$

$$S_{\triangle OPD} = \frac{DP \cdot PO}{2} = \frac{R \cdot \tan(90^\circ - 2\alpha) \cdot R}{2} = \frac{R^2}{2} \quad \text{ج.}$$

$$\tan(90^\circ - 2\alpha) = 1$$

$$\alpha = 22.5^\circ \leftarrow 90^\circ - 2\alpha = 45^\circ$$

# بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعديب - سؤال ٧

7. معطاة الدالة  $f(x) = \frac{9}{(x+1)^2} - 1$

أ. جد مجال تعريف الدالة.

ب. جد نقاط تقاطع الرسم البياني للدالة مع المحورين.

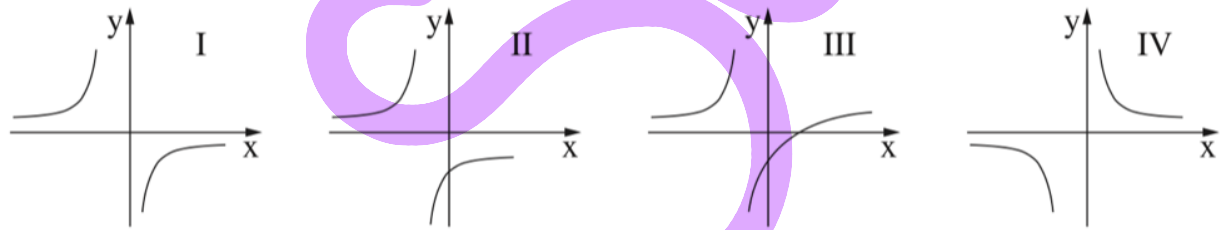
ج. جد خطوط تقارب الدالة، الموازية للمحورين.

د. جد مجالات تصاعد وتنازل الدالة (إذا وجدت مثل هذه المجالات).

هـ. ارسم رسمًا بيانيًا تقريبياً للدالة.

و. أي رسم بياني من الرسوم البيانية I ، II ، III ، IV ، التي أمامك يعرض رسمًا بيانيًا

تقريبياً لدالة المشتقة  $f'(x)$  ؟ علّل.



ج. خط تقارب عمودي:  $x = -1$   
(عكس مجال التعريف)

خط تقارب افقي:  $y = -1$

لان البرقوى المتغير بالسط والحقام متساوي لذلك نقسم معاملات  $x^2$

$$y = \frac{-1}{1} = -1$$

د. نشتق الداله ونجد النقاط الحرجه :

$$f(x) = \frac{9}{x^2+2x+1} - 1 = \frac{9-x^2-2x-1}{x^2+2x+1} = \frac{8-2x-x^2}{x^2+2x+1}$$

$$f'(x) = \frac{0 \cdot (x^2+2x+1) - (2x+2) \cdot 9}{(x^2+2x+1)^2} = \frac{-18x-18}{(x^2+2x+1)^2} = 0 \quad | \cdot (x^2+2x+1)^2$$

$$-18x-18=0$$

$$18x=-18$$

$$x = -1 \text{ لكنه ليس بالحل}$$

لا يوجد نقاط حرجي

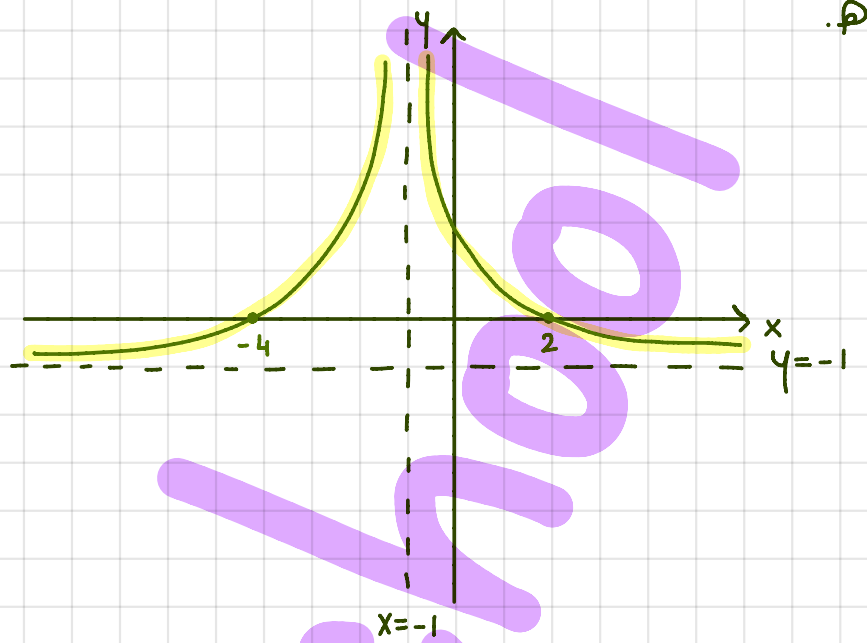
نرتب جدول مجالات مجال التعريف :

	$(x < -1)$	$x = -1$	$(x > -1)$
$f'(x)$	$\frac{18}{+} > 0$	<del>                    </del>	$\frac{-18}{+} < 0$
$f(x)$	↗	<del>                    </del>	↘

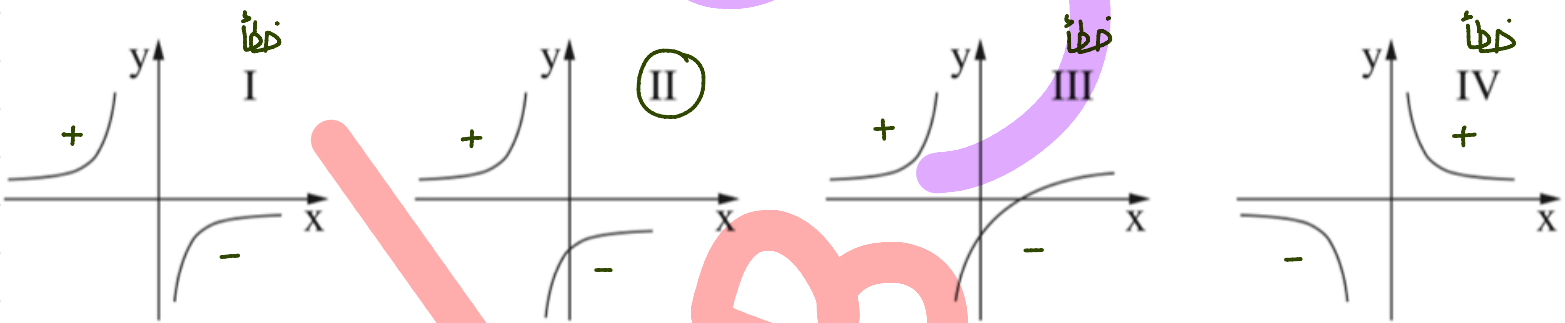
كفي ان نجعل بالسط لان الحقام دائما صفر بسبب وجود التربيع.

مجال تلاميذي  $x < -1$

مجال تنازلي  $x > -1$



و. أي رسم بياني من الرسوم البيانية I ، II ، III ، IV ، التي أمامك يعرض رسمًا بيانيًا تقريبًا لدالة المشتقة  $f'(x)$  ؟ علّل.



\* الدالة تصاعديه بالبعال  $x < -1$  ، اي دالة المشتقة موجبه (فوق محور x)   
 \* الدالة تنازليه بالبعال  $x > -1$  ، اي دالة المشتقة سالبه (تحت محور x)   
 IV خائض

\* ننظر على معادلة المشتقة:  $f'(x) = \frac{-18x-18}{(x^2+2x+1)^2}$  ← أكبر قوى لـ x بالتمام أكبر من أكبر قوى لـ x بالبسط، اي

لدالة المشتقة خط تقارب افقي  $y=0$    
 III خائض

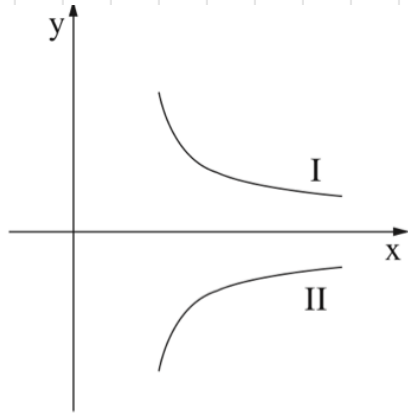
\* نحولن  $x=0$  بمعادلة المشتقة:  $f'(x) = \frac{0-18}{(0+0+1)^2} = -18$  نقطة تقاطع دالة المشتقة  $(0, -18)$

I خائض ← لا يوجد لديه نقطة تقاطع مع محور y

⇐ رسم البياني II



# بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعديب - سؤال ٨



8. الرسمان البيانيان I و II اللذان في الرسم هما للدالتين:

$$f(x) = \frac{2}{\sqrt{2x-3}}$$

$$g(x) = -\frac{2}{\sqrt{2x-3}}$$

أ. (1) جد مجال تعريف كل واحدة من الدالتين.

(2) ما هو خط التقارب العمودي لكل واحدة من

الدالتين؟

ب. أي رسم بياني هو للدالة  $f(x)$ ، وأي رسم بياني هو للدالة  $g(x)$ ؟ علل.

ج. المستقيم  $y=2$  يقطع الرسم البياني I في النقطة A.

المستقيم  $y=-2$  يقطع الرسم البياني II في النقطة B.

جد المساحة المحصورة بين المستقيم AB والرسمين البيانيين للدالتين

والمستقيم  $x=3$ .

1. الدالتين نفس النطاق ونفس التغير الجبري تحت الجذر. م.ت:  $2x-3 > 0$   
 $2x > 3$   
 $x > 1.5$

2. للدالتين خط تقارب عمودي:  $x=1.5$   $\rightarrow 2x=3 \rightarrow 2x-3=0$

$$(II) \quad g(x) = \frac{-2}{\sqrt{2x-3}} < 0$$

دائماً سالب  
 أي دائماً تحت محور x

$$(I) \quad f(x) = \frac{2}{\sqrt{2x-3}} > 0$$

دائماً موجب  
 أي دائماً فوق محور x

ج. نجد النقطة A (تقاطع  $y=2$  مع  $f(x)$ ):

$$\frac{2}{\sqrt{2x-3}} = 2 \quad | \cdot \sqrt{2x-3}$$

$$2 = 2 \cdot \sqrt{2x-3} \quad |^2$$

$$4 = 4 \cdot (2x-3)$$

$$4 = 8x - 12 \rightarrow 16 = 8x$$

$$x = 2 \rightarrow A(2,2)$$

نجد النقطة B (تقاطع  $y=-2$  مع  $g(x)$ ):

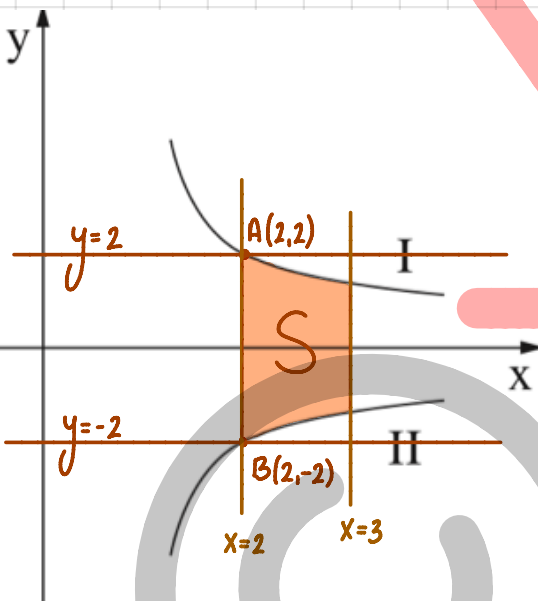
$$\frac{-2}{\sqrt{2x-3}} = -2 \quad | \cdot \sqrt{2x-3}$$

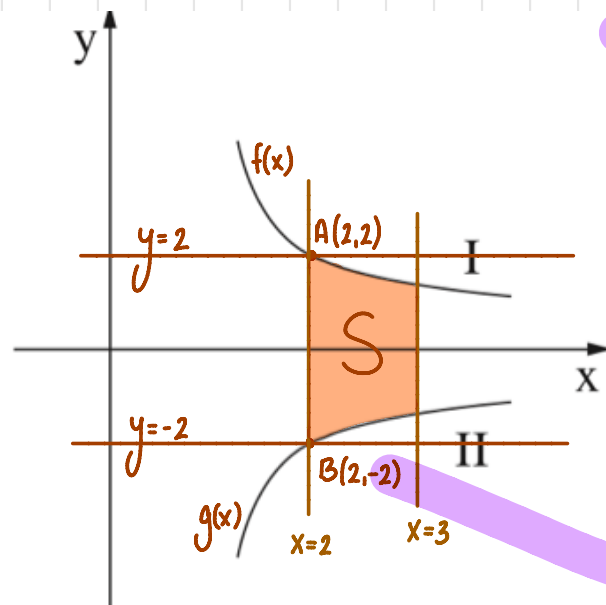
$$-2 = -2 \cdot \sqrt{2x-3} \quad |^2$$

$$4 = 4 \cdot (2x-3)$$

$$4 = 8x - 12 \rightarrow 16 = 8x$$

$$x = 2 \rightarrow B(2,-2)$$

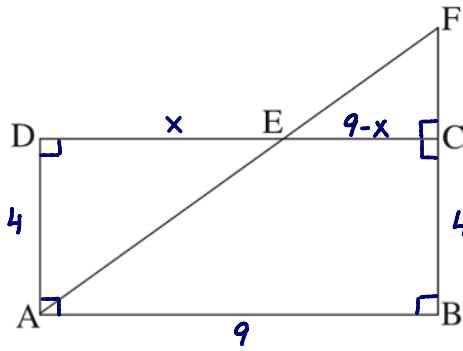




$$\begin{aligned}
 S &= \int_2^3 (f(x) - g(x)) dx = \int_2^3 \left( \frac{2}{\sqrt{2x-3}} - -\frac{2}{\sqrt{2x-3}} \right) dx = \int_2^3 \frac{4}{\sqrt{2x-3}} dx \\
 &= \left( \frac{4 \cdot 2 \cdot \sqrt{2x-3}}{2} \right) \Big|_2^3 = (4\sqrt{2x-3}) \Big|_2^3 = (4 \cdot \sqrt{2 \cdot 3 - 3}) - (4 \cdot \sqrt{2 \cdot 2 - 3}) = 4\sqrt{3} - 4 = 2.928
 \end{aligned}$$

# بجروت ٤ وحدات رياضيات - نموذج ٨٠٤ - صيف ٢٠١٣ موعديب - سؤال ٩

كل زوايا ٩٠°، كل زوج اضلاع متقابلة متوازية ومتساوية



٩. معطى المستطيل ABCD الذي طولاه ضلعيه هما:

$$AB = 9, AD = 4$$

النقطة E تقع على الضلع CD (بين C و D).

امتداد AE يقطع امتداد الضلع BC

في النقطة F (انظر الرسم).

أ. برهن أن:  $\triangle ADE \sim \triangle FCE$

ب. ارمز  $DE = x$ ، ووجد ماذا يجب أن يكون طول DE حتى يكون مجموع مساحتي  $f(x)$

المثلثين ADE و FCE أصغر ما يمكن.

بإمكانك إبقاء جذر في إجابتك.

أ.  $\triangle ADE \sim \triangle FCE$  سبب ز.ز : ز.  $\angle D = \angle ECF = 90^\circ$   
 ز.  $\angle DEA = \angle FEC$  زوايا متقابلة بالرأس متساوية

ب. نسب التشابه من بند أ :  $\frac{AD}{FC} = \frac{DE}{CE} = \frac{AE}{FE}$

$$FC \cdot x = 4(9-x)$$

$$\frac{4}{FC} = \frac{x}{9-x}$$

$$FC = \frac{36-4x}{x} = \frac{36}{x} - 4$$

$f(x)$  دالة تجر عن مجموع مساحتي المثلثين ADE و FCE :

$$f(x) = S_{\triangle ADE} + S_{\triangle FCE}$$

$$= \frac{x \cdot 4}{2} + \frac{(9-x) \cdot (\frac{36}{x} - 4)}{2} = 2x + \frac{\frac{324}{x} - 36 - 36 + 4x}{2} = 2x + \frac{162}{x} - 36 + 2x$$

$$f(x) = 4x - 36 + \frac{162}{x}$$

$$f'(x) = 4 - \frac{162}{x^2} = 0$$

الدالة اصغر ما يمكن عندما :

$$4 = \frac{162}{x^2}$$

$$4x^2 = 162 \quad | :4$$

$$x^2 = 40.5$$

$$x = \sqrt{40.5} = 6.36 = DE$$

	$x=1$ $6.36 > x > 0$	$x=6.36$	$x=7$ $x > 6.36$
$f'$	-	0	+
$f$	↘	MIN	↗

نقاط الجواب :